T nadomjesni model elektroenergetskog voda

Žaja, Igor

Undergraduate thesis / Završni rad

2023

Degree Grantor / Ustanova koja je dodijelila akademski / stručni stupanj: **University of Rijeka, Faculty of Engineering / Sveučilište u Rijeci, Tehnički fakultet**

Permanent link / Trajna poveznica: https://urn.nsk.hr/urn:nbn:hr:190:590023

Rights / Prava: Attribution 4.0 International/Imenovanje 4.0 međunarodna

Download date / Datum preuzimanja: 2025-02-20



Repository / Repozitorij:

Repository of the University of Rijeka, Faculty of Engineering





SVEUČILIŠTE U RIJECI

TEHNIČKI FAKULTET

Stručni prijediplomski studij elektrotehnike

Završni rad

T NADOMJESNI MODEL ELEKTROENERGETSKOG VODA

Rijeka, srpanj 2023.

Igor Žaja 0069081591

SVEUČILIŠTE U RIJECI **TEHNIČKI FAKULTET**

Stručni prijediplomski studij elektrotehnike

Završni rad

T NADOMJESNI MODEL ELEKTROENERGETSKOG VODA

Mentor: Mr. sc. Marijana Živić Đurović, v. pred.

Rijeka, srpanj 2023.

Igor Žaja 0069081591

SVEUČILIŠTE U RIJECI TEHNIČKI FAKULTET POVJERENSTVO ZA ZAVRŠNE ISPITE

Rijeka, 10. ožujka 2022.

Zavod:Zavod za elektroenergetikuPredmet:Električne energetske mrežeGrana:2.03.01 elektroenergetika

ZADATAK ZA ZAVRŠNI RAD

Pristupnik: Igor Žaja (0069081591) Studij: Preddiplomski stručni studij elektrotehnike

Zadatak: T nadomjesni model elektroenergetskog voda / T-type equivalent circuit of power line

Opis zadatka:

12au

U radu je potrebno opisati točan i približan T nadomjesni model elektroenergetskog voda. Za različite duljine voda i različite snage potrošača spojenih na kraj voda proanalizirati promjenu napona dodanog čvora i struja svih grana u nadomjesnom modelu.

Rad mora biti napisan prema Uputama za pisanje diplomskih / završnih radova koje su objavljene na mrežnim stranicama studija.

Zadatak uručen pristupniku: 21. ožujka 2022.

Mentor:

12:000

Mr. sc. Marijana Živić Đurović, v. pred.

Predsjednik povjerenstva za završni ispit:

Prof. dr. sc. Saša Vlahinić

SVEUČILIŠTE U RIJECI **TEHNIČKI FAKULTET**

Stručni prijediplomski studij elektrotehnike

IZJAVA

Sukladno s člankom 7. PRAVILNIKA o završnom radu, završnom ispitu i završetku stručnih preddiplomskih studija Tehničkog fakulteta Sveučilišta u Rijeci, od ožujka 2023. godine, izjavljujem da sam samostalno izradio završni rad pod naslovom "T nadomjesni model elektroenergetskog voda" uz konzultiranje sa mentoricom.

Rijeka, srpanj 2023.

Igor Žaja

0069081591

Sadržaj

1.	UVOD	1
2.	PRIJENOS ELEKTRIČNE ENERGIJE NADZEMNIM VODOVIMA	3
	2.1. Elementi voda	3
	2.2. Karakteristične veličine voda	5
	2.3. Telegrafske jednadžbe	8
	2.4 Opće rješenje prijenosnih jednadžbi1	0
	2.6 Drugi oblik prijenosnih jednadžbi1	2
	2.7 Treći oblik prijenosnih jednadžbi1	2
3.	NADOMJESNI MODEL VODA 1	4
	3.1. П model voda1	.4
	3.2. T model voda 1	.6
	3.3 Korekcijski faktori T i П modela voda1	7
	3.4 Približni T i Π modeli voda1	.8
	3.5 Proračun prijenosa pomoću П modela1	9
	3.6 Proračun prijenosa pomoću T modela 2	.1
4.	ANALIZA STRUJNO-NAPONSKIH PRILIKA T MODELA	.4
	4.1. Proračun strujno naponskih prilika primjenom T nadomjesnog modela pri različitim duljinam voda	a 4
	4.2. Proračun strujno-naponskih prilika primjenom T nadomjesnog modela za različite snage na	
	kraju voda	4
5.	ZAKLJUČAK	0
6.	LITERATURA	1
7.	SAŽETAK I KLJUČNE RIJEČI	2

1. UVOD

Elektroenergetski sustavi su tehničko-tehnološki sustavi koji uključuju proizvodnju, prijenos, distribuciju i potrošnju električne energije u državi ili određenom području. Elektroenergetski sustav čine elektrane, trafostanice, dalekovodi i uređaji za potrošnju električne energije. Složenost sustava proizlazi iz činjenice da se električna energija ne može skladištiti te se stoga razina proizvodnje mora kontinuirano prilagođavati zahtjevima za potrošnjom. Ovaj zadatak dodatno kompliciraju nepredvidive promjene u potrošnji. Potrošači koriste električnu energiju kada im odgovara. Razina potrošnje mijenja se tijekom dana i može se prikazati dnevnim dijagramom opterećenja: potrošnja električne energije najmanja je u kasnim noćnim satima, najveća u jutro, a najveća u poslijepodnevnim i ranim večernjim satima. Osim dnevnih promjena, postoje i tjedne promjene opterećenja (npr. tjedni grafikon opterećenja značajno se razlikuje od grafikona radnih dana). Potrošnja također ovisi o sezoni (potrošnja električne energije za grijanje ili hlađenje ovisi o vanjskoj temperaturi, korištenje rasvjete o duljini dana).[1]

U drugom poglavlju opisane su osnovne komponente nadzemnih vodova. Služe za prijenos električne energije od elektrane do transformatora, od transformatora do transformatora i od transformatora do potrošača. Električni vodovi su cjelina sastavljena od više dijelova. Osnovne komponente nadzemnih vodova su: temelj, stup, izolator, vodič, spojnica i zaštitna užad. U istom poglavlju opisane su karakteristične veličine voda i prijenosne jednadžbe. Konstante voda su električna svojstva nadzemnih vodova pomoću kojih se definiraju električne prilike na vodu za sve pogonske slučajeve. Konstante voda se navode po jednom kilometru i jednoj fazi, ako drugačije nije naglašeno znamo da se radi o konstantama za direktni sustav simetričnog voda. Konstante voda su: R - jedinični djelatni otpor (Ω /km), L - jedinični induktivitet (H/km), C-jedinični kapacitet (F/km) i G - jedinični odvod (S/km). Prijenosne jednadžbe se koriste kako bi se izračunale strujno-naponske prilike na početku i kraju voda. Za određivanje prijenosnih jednadžbi potrebne su: telegrafske jednadžbe, opće rješenje prijenosnih jednadžbi i tri oblika prijenosnih jednadžbi.[1]

U trećem poglavlju opisani su točan i približan Π i T nadomjesni model voda, njihovi korekcijski faktori, te proračuni pomoću Π i T modela. Nadomjesni modeli voda, odnosno četveropoli voda se koriste za računsko i eksperimentalno određivanje prilika na početku i kraju

voda. Nadomjesni modeli voda prikazuju se pomoću impedancija uzdužne grane i admitancija poprečne grane.[2]

U četvrtom poglavlju su izračunate i prikazane strujno-naponske prilike T nadomjesnog modela voda uz poznate konstante voda i prilike na kraju voda za dva primjera. Prvi primjer će imati konstantan napon i snagu na kraju voda sa promjenjivom duljinom voda, a drugi primjer će imati konstantan napon na kraju voda i duljinu voda sa promjenjivom snagom na kraju voda.

2. PRIJENOS ELEKTRIČNE ENERGIJE NADZEMNIM VODOVIMA

Za distribuciju električne energije mogu se koristiti nadzemni (zračni, slobodni) vodovi ili kabeli. Za prijenos snage ili energije kabeli su puno skuplji od vodova, stoga se kabeli primjenjuju samo kada postoje tehnički (povezivanje otoka) ili urbanistički (gradska područja) razlozi. Postoje i ekonomski razlozi korištenja kabela umjesto vodova, poput nemogućnosti ili visoka odšteta korištenja zemljišta u trasi voda. [1]

Treba uzeti u obzir i trajanje popravka. Otklanjanje manjeg kvara poput proboja izolacije kod masenih kabela niskog i srednjeg napona traje oko 3 dana, za visokonaponske uljne kabele oko 12 dana, a u slučaju nadzemnih vodova popravak traje oko 1 dan. U vrijeme popravka računa se vrijeme potrebno za utvrditi mjesto kvara, organizaciju i prijevoz radnika, materijala i opreme, otkopavanje kabela i samo otklanjane kvara.

Podjela nadzemnih vodova ovisno o osnovnim veličinama i parametrima koje su:

- nazivni napon voda
- broj strujnih krugova na vodu
- materijal i konstrukcija vodiča
- materijal i konstrukcija stupa

Osnovni elementi koji se koriste na nadzemnim vodovima su:

- temelji gdje se učvršćuje stup
- stupovi
- izolatori
- vodiči
- spojni, ovjesni i zaštitni materijal
- uzemljenje i zaštitna užad.

2.1. Elementi voda

Vodiči su osnovni elementi električnog voda. Njihov zadatak je provođenje električne struje te su jedini aktivni element voda. Opterećeni su na vlak i termički.

Za njihovu izradu uzimaju se razni materijali koji moraju imati dobra električna svojstva kao što su: dobra električna vodljivost, velika mehanička čvrstoća, otpornost od oštećenja, korozije i starenja i konačno prihvatljiva cijena. Sva navedena svojstva se u praksi ne mogu naći u jednom materijalu, pa se koriste kombinirani vodiči koji se sastoje od različitih konstrukcijski vezanih žica. Vodič se najčešće izrađuje od: bakra, aluminija, čelika, bronce, alučelika.

Izolatori imaju ulogu električke izolacije vodiča od stupa i njegovih uzemljenih dijelova i da ih mehanički drže u određenom položaju. Izolatori su opterećeni mehanički, električki i tijekom pojave električnog luka termički opterećeni. Kod nadzemnog voda izolacija je pretežno zrak, dok na mjestima gdje je vodič ovješen na stup potrebno ga je izolirati. Izolatori imaju dodatnu ulogu prenesti teret vodiča (i dodatni teret poput leda i vjetra) na stup, zbog čega moraju imati odgovarajuću mehaničku čvrstoću. Za izradu izolatora koristi se porculan, steatit (ima veću mehaničku čvrstoću) i staklo kaljeno na poseban način.

Pribori za dalekovode mogu se podijeliti po ulogama koje imaju, te se dijele na spojne, ovjesne, zaštitne.

Spojni materijal i pribor ima funkciju stalnog protoka struje na mjestima gdje se spajaju aluminijski i bakreni vodiči. S obzirom na prolaz struje termički su opterećeni.

Ovjesni pribor koristi se za mehaničko povezivanje vodiča s jedne strane i izolatora sa druge strane sa stupom, te je mehanički opterećen.

Zaštitni pribor imaju ulogu zaštite dalekovoda od oštećenja kao što je zaštita od vibracija, otklanjanje električnog luka od vodiča i izolatora (pomoću rogova i prstenova), i sl.

Stupovi osiguravaju vodičima odgovarajuću visinu u odnosu na tlo. S obzirom na položaj u trasi voda stupovi se dijele na linijske i kutne. Linijski stupovi nalaze se u ravnom dijelu vertikalne projekcije trase, a kutni stupovi na mjestima loma vertikalne projekcije trase. Ovisno o načinu vješanja vodiča stupovi dijele se na nosne i zatezne. Materijali koji se koriste za izradu stupova su drvo, armirani beton i čelik.

Uzemljenje osigurava dijelove voda koji nisu pod naponom od pojave nedopuštenog potencijala na njima, stoga štite okolinu od opasnosti od napona. Uzemljenje predstavlja cijeli sustav u koji pripada zaštitno uže, uzemljivač i međusobni galvanski spojevi metalnih dijelova koji nisu pod naponom. Zaštitno uže ima ulogu zaštite od neposrednog udara munje u fazne vodiče dalekovoda. Također, ima ulogu da osigurava dovoljno nisku nultu impedanciju voda kako ne bi došlo do kvarova. Materijali za izradu zaštitnog užeta moraju biti dobro vodljivi i otporni na djelovanje korozije.

2.2. Karakteristične veličine voda

Konstante voda su električna svojstva nadzemnih vodova pomoću kojih se definiraju električne prilike na vodu u svim pogonskim slučajevima. Brojčane vrijednosti konstanti voda ovisne su o:

- svojstvima materijala od kojih su konstruirani
- svojstvima sredine koja ih okružuje
- geometrijskim odnosima dijelova voda međusobno i prema okolini.

Potrebno je napomenuti da su navedene konstante podložne promjenama zbog promjene temperature, vlažnosti i sl.

Konstante voda se navode po jednom kilometru i jednoj fazi, ako drugačije nije naglašeno zna se da se radi o konstantama za direktni sustav simetričnog voda.

Konstante voda su:

- jedinični djelatni otpor: $R_1 \{\Omega/km\}$
- jedinični induktivitet: L₁ {H/km}
- jedinični kapacitet: C1 {F/km}
- jedinični odvod: $G_1 \{S/km\}$

Realnim vodom nazivamo vod kojem su sve navedene konstante različite od 0.

Tijekom prolaza struje kroz otpor i odvod nastaju gubici u obliku toplinske energije, zato konstante dijelimo na tople (djelatni otpor R_1 i odvod G_1) i hladne (induktivitet L_1 i kapacitet G_1). Navedene konstante su podjednako raspoređene uzduž voda, što znači da manji dio voda sadrži sve četiri konstante. Zato se može položaj pojedinih konstanti prikazati na primjeru malog dijela jedne faze simetričnog trofaznog voda. Zbog svojeg položaja elementi voda se dijele na uzdužne konstante koji su djelatni otpor i induktivtet, te poprečne konstante koje su odvod i kapacitet.



Slika 2.1 Položaj konstanti voda na dužini dx

Trofazni vod zajedno sa strujnim i naponskim prilikama, može se grafički jednofazno prikazati kao na slici 2.1 samo ako je simetričan (sve faze imaju jednake električne karakteristike) i ako je pogonski slučaj simetričan (struja i napon su po izrazu jednaki, a po fazi međusobno pomaknutu za 120° u svim fazama). Ako vod nije simetričan i/ili pogonski slučaj nije simetričan potrebno je trofazni grafički prikaz prikazan na slici 2.1.



Slika 2.2 Trofazni model voda dužine dx

Na slici 2.2. su prikazane sve konstante koje se mogu pojaviti uključujući međusobne utjecaje. Impedancija povratnog vodiča u ovom slučaju služi nam za određivanje nulte impedancije voda s konstantama R₁₀, L₁₀, G₁₀ i C₁₀, koja ulazi u nulti sustav nadomjesne sheme mreže. U simboličkom računu hladne konstante se javljaju u obliku ovisnom o frekvenciji kao:

- jedinični uzdužni induktivni otpor ili jedinična reaktancija:

$$X_1 = \omega * L_1 \{\Omega/km\}$$
(2.1)

- jedinična poprečna kapacitivna vodljivost ili jedinična susceptancija

$$B_1 = \omega * C_1 \{S/km\}$$
(2.2)

Konstante se može sastaviti u kompleksne simbolične vrijednosti:

- jedinična uzdužni prividni otpor ili jedinična impedancija

$$\overline{Z_1} = R_1 + jX_1 \{\Omega/km\}$$
(2.3)

- jedinična poprečna prividna vodljivost ili jedinična admitancija

$$\overline{Y}_1 = G_1 + jB_1 \{S/km\}$$
(2.4)

Kod konkretnih vodova bitna je i njegova duljina l. U prijenosnim jednadžbama javljaju se još i izvedene karakteristične veličine:

- konstanta prodiranja, valna konstanta:

$$\gamma = \sqrt{\overline{Z_1} * \overline{Y_1}} \left\{ \frac{1}{km} \right\}$$
(2.5)

- karakteristična impedancija:

$$\overline{Z_C} = \sqrt{\overline{Z_1}/\overline{Y_1}} \quad \{\Omega\}$$
(2.6)

Konstanta prodiranja sastavljena je od realnog i imaginarnog dijela:

$$\gamma = \alpha + j\beta = \left[(R_1 + j\omega * L_1) * (G_1 + j\omega * C_1) \right]^{\frac{1}{2}}$$
(2.7)

Pri čemu je;

α- konstanta gušenja

 β - fazna konstanta

Karakteristična impedancija se još može izraziti pomoću y:

$$\overline{Z_C} = \left(\frac{R_1 + j\omega * L_1}{G_1 + j\omega * C_1}\right)^{\frac{1}{2}} = \frac{\overline{Z_1}}{\gamma} = \frac{\gamma}{\overline{Y_1}} \{\Omega\}$$
(2.8)

Pomnožimo li jedinične konstante voda s dužinom voda l, dobijemo:

- Djelatni otpor voda ili rezistenciju: R $\{\Omega\}$
- Induktivni otpor voda ili reaktanciju: X $\{\Omega\}$

- Djelatni otpor voda ili konduktanciju: G {S}
- Kapacitivnu vodljivost voda ili susceptanciju: B {S}

Odnosno:

- Prividni otpor voda ili impedanciju: $\bar{Z} = R + jX \{\Omega\}$ (2.9)
- Prividnu vodljivost voda ili admitanciju: $\overline{Y} = G + jB \{S\}$ (2.10)

Radi lakšeg računanja koristi se veličina bez dimenzija Θ:

$$\Theta = \gamma * l = \sqrt{\bar{Z} * \bar{Y}} \tag{2.11}$$

2.3. Telegrafske jednadžbe

Uzduž voda i tokom vremena iznosi struje i napona se mijenjaju. Može se promatrati i razmotriti stanje na kratkom odsječku duljine dx, na dva načina:

1. Analitički:



Slika 2.3. Analitička promjena struje i napona na vodu dužine d_x

V trenutna vrijednost napona i I momentalna vrijednost struje.

2. Fizikalno:



Slika 2.4. Fizikalni prikaz struje i napona na vodu dužine d_x

Telegrafske jednadžbe izvučene iz slike 2.4:

$$dv = iR_1 * dx + L_1 * \frac{\partial i}{\partial t} * dx$$
(2.12)

$$di = vG_1 * dx + C_1 * \frac{\partial v}{\partial t} * dx$$
(2.13)

Usporedbom analognih napona i struja dobiva se:

$$v + \frac{\partial v}{\partial x} * dx = v - dv = v - iR_1 * dx - L_1 * \frac{\partial i}{\partial t} * dx$$
(2.14)

$$i + \frac{\partial i}{\partial x} * dx = i - di = i - \nu G_1 * dx - C_1 * \frac{\partial \nu}{\partial t} * dx$$
(2.15)

Nakon dodatnog sređivanja dobije se:

$$-\frac{\partial v}{\partial x} = iR_1 + L_1 * \frac{\partial i}{\partial t}$$
(2.16)

$$-\frac{\partial i}{\partial x} = vG_1 + C_1 * \frac{\partial v}{\partial t}$$
(2.17)

Dobivene diferencijalne jednadžbe su telegrafske jednadžbe, a njihovo rješenje su prijenosne jednadžbe. Za simbolički račun telegrafske jednadžbe se transformiraju:

$$-\frac{\partial \overline{V}}{\partial x} = R_1 * \overline{I} + j\omega * L_1 * \overline{I} = \overline{Z_1} * \overline{I}$$
(2.18)

$$-\frac{\partial \bar{I}}{\partial x} = G_1 * \bar{V} + j\omega * C_1 * \bar{V} = \bar{Y}_1 * \bar{V}$$
(2.19)

2.4 Opće rješenje prijenosnih jednadžbi

Počnimo od telegrafskih jednadžbi:

$$-\frac{d\overline{V}}{dx} = -\overline{Z_1} * \overline{I}$$
(2.20)

$$-\frac{d\bar{I}}{dx} = -\bar{Y}_1 * \bar{V} \tag{2.21}$$

te ih diferenciramo po x:

$$\frac{d^2 \overline{V}}{dx^2} = -\overline{Z_1} * \frac{d\overline{I}}{dx} = \overline{Z_1} * \overline{Y_1} * \overline{V} = \gamma^2 * \overline{V}$$
(2.22)

$$\frac{d^2\bar{I}}{dx^2} = -\bar{Y}_1 * \frac{d\bar{V}}{dx} = \bar{Y}_1 * \bar{Z}_1 * \bar{V} = \gamma^2 * \bar{I}$$
(2.23)

Opće rješenje jednadžbi:

$$\overline{V} = \overline{A_1} * e^{-\gamma x} + \overline{A_2} * e^{\gamma x} = \overline{A_1} * e^{-(\alpha + j\beta)x} + \overline{A_2} * e^{(\alpha + j\beta)x}$$
(2.24)

$$\overline{I} = \overline{B_1} * e^{-\gamma x} + \overline{B_2} * e^{\gamma x} = \overline{B_1} * e^{-(\alpha + j\beta)x} + \overline{B_2} * e^{(\alpha + j\beta)x}$$
(2.25)

Opće rješenje pokazuje da struja i napon na vodu nastaju superpozicijom dvaju valova koji se gibaju u suprotnim smjerovima. Kod realnog zračnog voda brzina kretanja valova je približno jednaka brzini svjetlosti dok je brzina valova kod kabela oko pola brzine svjetlosti.

2.5 Prvi oblik prijenosnih jednadžbi

Da bi odredili konstante $\overline{A_1}$, $\overline{A_2}$, $\overline{B_1}$, $\overline{B_2}$, iz prethodne jednadžbe, moraju se poznavati početni ili krajnji uvjeti na vodu. Kako vod ima dva potpuno ravnopravna kraja tada možemo zanemariti početak i kraj matematički predstavljen u prethodnim jednadžbama 2.21, 2.22 i dobijemo:

$$\overline{V} = \overline{A_1} * e^{-\gamma x} + \overline{A_2} * e^{\gamma x}$$
(2.26)

$$\bar{I} = \overline{B_1} * e^{-\gamma x} + \overline{B_2} * e^{\gamma x}$$
(2.27)

10

Deriviramo li ih po x dobije se:

$$\frac{d*\overline{v}}{d*\overline{x}} = -\gamma \overline{A_1} e^{-\gamma x} + \gamma \overline{A_2} e^{\gamma x} = -\overline{Z_1} * \overline{I}$$
(2.28)

$$\frac{d*\bar{I}}{d*\bar{x}} = -\gamma \overline{B_1} e^{-\gamma x} + \gamma \overline{B_2} e^{\gamma x} = -\overline{Y_1} * \overline{V}$$
(2.29)

Ako se uvrsti da je x=0 i dobije se $\overline{V} = \overline{V_1}$, $\overline{I} = \overline{I_1}$, jednadžbe 2.21, 2.22, 2.23, 2.24 i uzimanjem u obzir 2.8 dobije se:

$$\overline{A_1} + \overline{A_2} = \overline{V_1} \tag{2.30}$$

$$\overline{A_1} - \overline{A_2} = \overline{Z_C} * \overline{I_1}$$
(2.31)

$$\overline{B_1} + \overline{B_2} = \overline{I_1} \tag{2.32}$$

$$\overline{B_1} - \overline{B_2} = \frac{1}{\overline{Z_C}} * \overline{V_1}$$
(2.33)

Izlučivanjem nepoznanice dobije se dva para jednadžbi:

$$\overline{A_1} = \frac{1}{2} \left(\overline{V_1} + \overline{Z_C} * \overline{I_1} \right)$$
(2.34)

$$\overline{B_1} = \frac{1}{2} \left(\overline{I_1} + \frac{V_1}{\overline{Z_c}} \right) \tag{2.35}$$

$$\overline{A_2} = \frac{1}{2} \left(\overline{V_1} + \overline{Z_C} * \overline{I_1} \right)$$
(2.36)

$$\overline{B_2} = \frac{1}{2} \left(\overline{I_1} + \frac{V_1}{\overline{Z_C}} \right) \tag{2.37}$$

Uvrštavanjem parova prijašnjih jednadžbi u jednadžbe 2.21 i 2.22 dobije se Ia oblik prijenosne jednadžbe:

$$\overline{V} = \frac{1}{2} (\overline{V_1} + \overline{Z_C} * \overline{I_1}) e^{-\gamma x} + \frac{1}{2} (\overline{V_1} - \overline{Z_C} * \overline{I_1}) e^{\gamma x}$$
(2.38)

$$\bar{I} = \frac{1}{2} \left(\bar{I}_1 + \frac{V_1}{Z_C} \right) e^{-\gamma x} + \frac{1}{2} \left(\bar{I}_1 - \frac{V_1}{Z_C} \right) e^{\gamma x}$$
(2.39)

Poznavanjem prilika na kraju voda i znanjem da je na kraju voda x=0, napon i struja označeni kao $\overline{V_2}$, $\overline{I_2}$ i smjer od kraja prema početku voda prikazan kao –x, tada se može napisati Ib oblik prijenosne jednadžbe:

$$\overline{V} = \frac{1}{2} (\overline{V_2} + \overline{Z_C} * \overline{I_2}) e^{\gamma x} + \frac{1}{2} (\overline{V_2} - \overline{Z_C} * \overline{I_2}) e^{-\gamma x}$$
(2.40)

$$\bar{I} = \frac{1}{2} \left(\bar{I}_2 + \frac{V_2}{Z_C} \right) e^{\gamma x} + \frac{1}{2} \left(\bar{I}_2 - \frac{V_2}{Z_C} \right) e^{-\gamma x}$$
(2.41)

U jednadžbe se unosi udaljenost od kraja voda kao pozitivan broj, jer je minus ispred x već uzet u obzir.

2.6 Drugi oblik prijenosnih jednadžbi

Drugi i možda praktičniji oblik prijenosnih jednadžbi dobije se ako iz jednadžbi 2.35 i 2.36 izluči se $\overline{V_1}, \overline{Z_C} * \overline{I_1} i \overline{I_1}, \frac{\overline{V_1}}{\overline{Z_C}}$, te primjenom Eulerove formula:

$$\overline{V} = \frac{1}{2} * \overline{V_1} (e^{-\gamma x} + e^{\gamma x}) + \frac{1}{2} * \overline{Z_C} * \overline{I_1} (e^{-\gamma x} + e^{\gamma x})$$
(2.42)

$$\bar{I} = \frac{1}{2} * \bar{I}_1 (e^{-\gamma x} + e^{\gamma x}) + \frac{1}{2} * \frac{V_1}{Z_C} (e^{-\gamma x} - e^{\gamma x})$$
(2.43)

Znajući da je:

$$ch \gamma x = \frac{e^{\gamma x} + e^{-\gamma x}}{2} \tag{2.44}$$

$$sh\,\gamma x = \frac{e^{\gamma x} - e^{-\gamma x}}{2} \tag{2.45}$$

Uvrštavanjem u jednadžbe 2.39 i 2.40 matematičke oblike 2.41 i 2.42 dobije se IIa oblik prijenosnih jednadžbi:

$$\overline{V} = \overline{V_1} * ch \,\gamma x - \overline{Z_C} * \overline{I_1} * sh \,\gamma x \tag{2.46}$$

$$\bar{I} = \bar{I}_1 * ch \,\gamma x - \frac{\overline{V_1}}{\overline{Z_c}} * sh \,\gamma x \tag{2.47}$$

Analogno se dobije IIb oblik prijenosne jednadžbe:

$$\overline{V} = \overline{V_2} * ch \,\gamma x + \overline{Z_C} * \overline{I_2} * sh \,\gamma x \tag{2.48}$$

$$\bar{I} = \bar{I_2} * ch \,\gamma x - \frac{\overline{V_2}}{\overline{Z_c}} * sh \,\gamma x \tag{2.49}$$

Ovakav oblik prijenosnih jednadžbi nema uvid u valne karakteristike napona i struje uzduž voda, dok je moguće izračunati stvarne vrijednosti napona i struje po veličini faze.

2.7 Treći oblik prijenosnih jednadžbi

Kada je poznato stanje na početku voda onda tražimo stanje na kraju voda i obrnuto. Tada je x = l, a karakterističnu impedanciju se može izraziti koristeći Θ :

$$\overline{Z_C} = \sqrt{\frac{\overline{Z_1}}{\overline{Y_1}}} = \frac{\overline{Z_1}}{\gamma} = \frac{\gamma}{\overline{Y_1}} = \frac{\overline{Z}}{\overline{\theta}} = \frac{\theta}{\overline{Y}}$$
(2.50)

Uvrštavanjem izraz za $\overline{Z_c}$ u prijašnju jednadžbe 2.43 i 2.44 dobije se IIIa oblik prijenosnih jednadžbi:

$$\overline{V_2} = \overline{V_1} * ch \ \Theta - \overline{I_1} * \overline{Z} * \frac{sh \ \Theta}{\Theta}$$
(2.51)

$$\overline{I_2} = \overline{I_1} * ch \,\Theta - \overline{V_1} * \overline{Y} * \frac{sh \,\Theta}{\Theta}$$
(2.52)

$$\overline{V_1} = \overline{V_2} * ch \ \Theta - \overline{I_2} * \overline{Z} * \frac{sh \ \Theta}{\Theta}$$
(2.53)

$$\overline{I_1} = \overline{I_2} * ch \ \Theta - \overline{V_2} * \overline{Y} * \frac{sh \ \Theta}{\Theta}$$
(2.54)

Sa trećim oblikom prijenosnih jednadžbi može se samo ustanoviti struju i napona sa jednom kraju voda, ako je stanje struje i napona drugog kraja voda poznato.

3. NADOMJESNI MODEL VODA

Primjenjivanjem simetrične komponente na simetrični vod dobivamo uzdužne jedinične impedancije i poprečne jedinične admitancije komponenata bez međusobnog utjecaja.[2] Njihov izračun se dobije izradom matrice jediničnih konstanti voda:

$$\begin{bmatrix} \overline{Z}_1^{-012} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \overline{Z}_1^{-00} & 0 & 0 \\ 0 & \overline{Z}_1^{-11} & 0 \\ 0 & 0 & \overline{Z}_1^{-22} \end{bmatrix}$$
(3.1)

$$\left[\bar{Y}_{1}^{012}\right] = \begin{bmatrix} \bar{Y}_{1}^{00} & 0 & 0\\ 0 & \bar{Y}_{1}^{11} & 0\\ 0 & 0 & \bar{Y}_{1}^{22} \end{bmatrix}$$
(3.2)

Gdje je definirano:

$$\overline{Z_1}^{11} = \overline{Z_1}^{22} = \overline{Z_1} \tag{3.3}$$

$$\overline{Y}_1^{11} = \overline{Y}_1^{22} = \overline{Y}_1 \tag{3.4}$$

Gdje je:

 $\overline{Z_1}$ – jedinična uzdužna pogonska impedancija

 $\overline{Y_1}$ – jedinična uzdužna pogonska admitancija

Elementi četveropola voda se u praksi raspoređuju po Π ili T nadomjesnoj shemi. Nadomjesne sheme, tj. četveropoli vodova služe za računsko određivanje prilika na krajevima voda.

3.1. П model voda

Pretpostavlja se da su zadane vrijednosti napona na kraju voda V_2 i struje I_2 na kraju voda, a mora se izračunati stanje na početku voda. Prema prijenosnim jednadžbama oblika IIb (2.52), uz x=l napon na početku voda iznosi:

$$\overline{V_1} = \overline{V_2} * \cosh(\gamma * l) + \overline{I_2} * \overline{Z_c} * \sinh(\gamma * l)$$
(3.5)

Istu vrijednost napona dobiva se računajući sa četveropolom koristeći sliku 3.1.



Slika 3.1 Jednofazna Π shema

Na slici 3.1 prikazana je jednofazna shema Π modela, na kojoj je:

- Z_{Π} impedancija uzdužne grane
- Y_{Π} admintancija poprečne grane

$$\Delta \overline{I_2} = \overline{V_2} * \frac{\overline{Y_{\Pi}}}{2} \tag{3.6}$$

$$\overline{I_{12}} = \overline{I_2} + \overline{I_{21}} = \overline{I_2} + \overline{V_2} * \frac{\overline{Y_{\Pi}}}{2}$$
(3.7)

Uz pomoć slike dobije se fazni napon:

$$\overline{V_1} = \overline{V_2} + \overline{I_{12}} * \overline{Z_{\Pi}} = \overline{V_2} + \left(\overline{I_2} + \overline{V_2} * \frac{\overline{Y_{\Pi}}}{2}\right) * \overline{Z_{\Pi}} = \overline{V_2} * \left(1 + \frac{\overline{Y_{\Pi}}}{2} * \overline{Z_{\Pi}}\right) + \overline{I_2} * \overline{Z_{\Pi}}$$
(3.8)

Usporedimo prijenosnu jednadžbu i jednadžbu četveropola dobijemo:

$$\overline{Z_{\Pi}} = \overline{Z_c} * \sinh(\gamma * l) \tag{3.9}$$

$$1 + \frac{\overline{Y_{\Pi}}}{2} * \overline{Z_{\Pi}} = 1 + \frac{\overline{Y_{\Pi}}}{2} * \overline{Z_c} * \sinh(\gamma * l) = \cosh(\gamma * l)$$
(3.10)

Nakon skraćivanja jednadžbi dobiju se tražene veličine elemenata nadomjesne sheme:

$$\overline{Z_{\Pi}} = \overline{Z_c} * \sinh(\gamma * l) \tag{3.11}$$

$$\frac{\overline{Y}_{\Pi}}{2} = \frac{1}{\overline{Z}_c} * \frac{\cosh(\gamma * l) - 1}{\sinh(\gamma * l)}$$
(3.12)

 $\overline{Z_{\Pi}}$ i $\overline{Y_{\Pi}}$ se mogu izvesti iz jediničnih konstanti voda, jer su iz tih konstanti izvedeni $\overline{Z_{C}}$ i γ .

3.2. T model voda

Isto kao u prijašnjem poglavlju pretpostavlja se da su poznate vrijednosti na kraju voda, a potrebno je izračunati prilike na početku voda. Pomoću prijenosne jednadžbe oblika IIb (2.46), uz x=l, struju na početku voda računa se po:

$$\overline{I_1} = \overline{I_2} * \cosh(\gamma l) + \overline{V_2} * \frac{1}{\overline{Z_c}} * \sinh(\gamma l)$$
(3.13)

Dobiva se ista struju koristeći četveropol prema slici 3.2.



Slika 3.2 Jednofazna shema T modela

Na slici 3.2 prikazana je jednofazna shema T modela, na kojoj je:

- Z_T impedancija uzdužne grane
- Y_T admintancija poprečne grane

$$\overline{V}' = \overline{V_2} + \overline{I_2} * \frac{\overline{Z_T}}{2} \tag{3.14}$$

$$\Delta \overline{I} = \overline{V'} * \overline{Y_T} = \left(\overline{V_2} + \overline{I_2} * \frac{\overline{Z_T}}{2}\right) * \overline{Y_T}$$
(3.15)

$$\overline{I_1} = \overline{I_2} * \Delta \overline{I} = \overline{I_2} + \overline{V_2} * \overline{Y_T} + \overline{I_2} * \frac{\overline{Z_T}}{2} * \overline{Y_T} = \overline{I_2} * \left(1 + \frac{\overline{Z_T}}{2} * \overline{Y_T}\right) + \overline{V_2} * \overline{Y_T}$$
(3.16)

Usporedbom prijenosne jednadžbe i jednadžbe četverepola dobije se:

$$Y_T = \frac{1}{z_c} * \sinh(\gamma * l) \tag{3.17}$$

$$1 + \frac{Z_{\rm T}}{2} * Z_{\rm Z} = 1 + \frac{Z_{\rm T}}{2} * \frac{1}{Z_c} * \sinh(\gamma * l) = \cosh(\gamma * l)$$
(3.18)

Iz gornjih jednadžbi rezultat tražene veličine elemenata nadomjesne T sheme:

$$\bar{Y}_T = \frac{1}{\bar{Z}_C} * \cosh(\gamma * l) \tag{3.19}$$

$$\frac{\bar{Z}_T}{2} = \bar{Z}_C * \frac{\cosh(\gamma * l) - 1}{\sinh(\gamma * l)}$$
(3.20)

 $\overline{Z_T}$ i $\overline{Y_T}$ se mogu izvesti iz jediničnih konstanti voda.

3.3 Korekcijski faktori T i П modela voda

Prethodne prijenosne jednadžbe nadomjesnih shema voda izvedene su bez zanemarivanja te se zovu točnim T-shemama i točnim Π-shemama. Korekcijske jednadžbe dobiju se uzevši u obzir:

$$\bar{Z}_{C} = \sqrt{\frac{\bar{Z}}{\bar{Y}}} = \frac{\bar{Z}}{\Theta} = \frac{\bar{Z}/2}{\Theta/2}$$
(3.21)

$$\operatorname{za} \bar{Z} = \bar{Z}_1 * l \tag{3.22}$$

$$\frac{1}{\bar{z}_c} = \frac{\bar{Y}}{\Theta} = \frac{\bar{Y}/2}{\Theta/2}$$
(3.23)

$$\operatorname{za} \bar{Y} = \bar{Y}_1 * l \tag{3.24}$$

$$\frac{\cosh \theta - 1}{\sinh \theta} = \tanh \frac{\theta}{2} \tag{3.25}$$

$$za \ \Theta = \sqrt{\overline{Z} * \overline{Y}} \tag{3.26}$$

Za elemente točne Π -sheme:

$$\bar{Z}_{\Pi} = \bar{Z}_{C} * \sinh(\gamma * l) = \bar{Z} * \frac{\sinh\Theta}{\Theta}$$
(3.27)

$$\frac{\overline{Y_{\Pi}}}{2} = \frac{1}{\overline{Z}_{C}} * \frac{\cosh(\gamma l) - 1}{\sinh(\gamma l)} = \frac{\overline{Y}_{2}}{\Theta_{2}} * \frac{\cosh \Theta - 1}{\sinh \Theta} = \frac{\overline{Y}}{2} * \frac{\tanh(\Theta_{2})}{\Theta_{2}}$$
(3.28)

Za elemente točne T-sheme:

$$\bar{Y}_T = \frac{1}{\bar{z}_C} * sinh(\gamma * l) = \bar{Y} * \frac{sinh\,\Theta}{\Theta}$$
(3.29)

$$\frac{\bar{Z}_T}{2} = \bar{Z}_C * \frac{\cosh(\gamma l) - 1}{\sinh(\gamma l)} = \frac{\bar{Z}_2}{\theta_2} * \frac{\cosh \theta - 1}{\sinh \theta} = \frac{\bar{Z}}{2} * \frac{\tanh(\theta_2)}{\theta_2}$$
(3.30)

Iz dobivenih jednadžbi vidljivo je da parametre točnih nadomjesnih shema dobiti ćemo umnoškom uzdužnih impedancija ili poprečnih admintancija cijelog voda sa korekcijskim

faktorima $\frac{shin(\theta)}{\theta}$ i $\frac{\tanh(\theta)/2}{\theta/2}$.

3.4 Približni T i П modeli voda

Kod kraćih vodova korekcijski faktori $\frac{\sinh(\theta)}{\theta}$ i $\frac{\tanh(\theta)/2}{\theta/2}$ su približno jednaki jedinici, pa se kod takvih vodova zanemaruju bez većih grešaka. Tijekom računanja takve vodove nazivamo približnim nadomjesnim modelima. Za primjer se može uzeti da je $\Theta = 0,3 + j0$:

$$\frac{\sinh(0.3)}{0.3} = \frac{0.3045}{0.3} = 1.015 \approx 1$$
$$\frac{\tanh(0.15)}{0.15} = \frac{0.1489}{0.15} = 0.9927 \approx 1$$

Uzdužna impedancija i poprečna admintancija za približni Π model su:

$$\overline{Z_{\Pi}} = \overline{Z_1} * l = \overline{Z} \tag{3.31}$$

$$\frac{\overline{Y_{\Pi}}}{2} = \frac{\overline{Y_1}}{2} * l = \frac{\overline{Y}}{2}$$
(3.32)

Za približni T model uzdužna impedancija i poprečna admintancija su:

$$\overline{Y_{\Pi}} = \overline{Y_1} * l = \overline{Y} \tag{3.33}$$

$$\frac{\overline{Z_{\Pi}}}{2} = \frac{\overline{Z_{1}}}{2} * l = \frac{\overline{Z}}{2}$$
(3.34)

Za vodove dužine do 200 km zanemaruju se korekcijski faktori te se preračunava po približnom nadomjesnom modelu. Kod takvih proračuna greška ne prelazi 0.5%, što je u granicama

točnosti ostalih koraka analize mreže. Za niže opisani tok proračuna ne utječe je li model izračunan točnim ili približnim postupkom.

3.5 Proračun prijenosa pomoću П modela

U proračunu prijenosa putem Π modela, uz pomoć modela na slici 3.3 prikazati će se prilike na početku i kraju voda.



Slika 3.3. Struje i naponi Π modela

$$\bar{Z} = R + jX \tag{3.35}$$

$$\frac{\bar{Y}}{2} = \frac{G}{2} + j\frac{B}{2}$$
(3.36)

Ako su poznate prilike na kraju voda tada znamo vrijednosti linijskog napona U₂, trofaznu radnu snagu P₂ i trofaznu jalovu snagu Q₂ pri čemu mora se znati je li snaga Q₂ kapacitivna ili induktivna. Kako se proračun odnosi samo na jednu fazu, potreban nam je fazni napon $\overline{V_2}$ tako da linijski napon U₂ podijelimo sa $\sqrt{3}$. Struju na kraju voda dobivamo iz izraza:

$$\overline{S}_2 = P_2 + jQ_2 = 3 * \overline{V}_2 * \overline{I}_2^* \implies \overline{I}_2 = \frac{P_2 - jQ_2}{3*\overline{V}_2}$$
 (3.37)

Struja na početku voda se izračunava ovako:

$$\Delta \bar{I}_2 = V_2 * \frac{Y}{2} \tag{3.38}$$

$$\bar{I}_{12} = \bar{I}_2 + \Delta \bar{I}_2 \tag{3.39}$$

$$\overline{V_1} = V_2 + \Delta \overline{V} = V_2 + \overline{I_{12}} * \overline{Z}$$
(3.40)

$$\Delta \overline{I_1} = \overline{V_1} * \frac{Y}{2} \tag{3.41}$$

$$\overline{I_1} = \overline{I_{12}} + \Delta \overline{I_1} \tag{3.42}$$

Ukoliko se radi o induktivnoj snazi Q₂, može se nacrtati vektorski dijagram prikazan na slici 3.4 pri čemu je struja koja prolazi kroz elemente R i G uvećana radi boljeg prikaza.



Slika 3.4 Primjer vektorskog dijagrama na kraju voda

Ako su poznate prilike na početku voda tj. poznate su nam vrijednosti linijskog napona U_1 , trofazna radna snaga P_1 i trofazna jalova snaga Q_1 . Početna struja izračunati će se:

$$\overline{S}_1 = P_1 + jQ_1 = 3 * \overline{V}_1 * \overline{I}_1^* \implies \overline{I}_1 = \frac{P_1 - jQ_1}{3 * \overline{V}_1}$$
 (3.43)

Struju na kraju voda se izračunava ovako:

$$\Delta \bar{I}_1 = V_1 * \frac{\bar{Y}}{2} \tag{3.44}$$

$$\bar{I}_{12} = \bar{I}_1 - \Delta \bar{I}_1 \tag{3.45}$$

$$\bar{V}_2 = V_1 - \Delta \bar{V} = V_1 - \bar{I}_{12} * \bar{Z}$$
(3.46)

$$\Delta \overline{I_2} = \overline{V_2} * \frac{\overline{Y}}{2} \tag{3.47}$$

$$\overline{I_2} = \overline{I_{12}} - \Delta \overline{I_2} \tag{3.48}$$

Ako se radi o induktivnoj snazi Q1, vektorski dijagram prikazan na slici 3.5.



Slika 3.5 Primjer vektorskog dijagrama na početku voda

3.6 Proračun prijenosa pomoću T modela

Ako su zadane prilike na kraju voda tada se zna vrijednosti linijskog napona U₂, trofaznu radnu snagu P₂ i trofaznu jalovu snagu Q₂ pri čemu mora se znati je li snaga Q₂ kapacitivna ili induktivna.



Slika 3.6 Struja i napon T modela

Kako se proračun odnosi samo na jednu fazu, potreban je fazni napon $\overline{V_2}$ tako da linijski napon U_2 se podijeli sa $\sqrt{3}$. Struju na kraju voda dobiva se iz izraza:

$$\overline{S}_2 = P_2 + jQ_2 = 3 * \overline{V}_2 * \overline{I}_2^* \implies \overline{I}_2 = \frac{P_2 - jQ_2}{3 * \overline{V}_2}$$
 (3.49)

$$\bar{V}' = V_2 + \Delta \bar{V}_2 = V_2 + \bar{I}_2 * \frac{Z}{2}$$
(3.50)

$$\bar{I}_0 = \bar{V}' * \bar{Y} \tag{3.51}$$

$$\bar{I}_1 = \bar{I}_2 + \bar{I}_0 \tag{3.52}$$

$$\bar{V}_1 = \bar{V}' + \Delta \bar{V}_1 = \bar{V}' + \bar{I}_1 * \frac{\bar{Z}}{2}$$
(3.53)

Ako se radi o induktivnoj snazi Q₁, može se nacrtati vektorski dijagram prijatan na slici 3.7 pri čemu je struja koja prolazi kroz elemente R i G uvećana radi boljeg prikaza.



Slika 3.7 Primjer vektorskog dijagrama na kraju voda

Sada su poznate prilike na početku voda tj. poznate su vrijednosti linijskog napona U₁, trofazna radna snaga P₁ i trofazna jalova snaga Q₁. Početna struja izračunati će se:

$$\bar{I}_1 = \frac{P_1 - jQ_1}{3V_1} \tag{3.54}$$

$$\bar{V}' = V_1 - \Delta \bar{V}_1 = V_1 - \bar{I}_1 * \frac{\bar{Z}}{2}$$
(3.55)

$$\bar{V}_0 = \bar{V}' * \bar{Y} \tag{3.56}$$

$$\bar{I}_2 = \bar{I}_1 - \bar{I}_0 \tag{3.57}$$

$$\bar{V}_2 = \bar{V}' - \Delta \bar{V}_2 = \bar{V}' - \bar{I}_2 * \frac{Z}{2}$$
(3.58)

Ako se radi o induktivnoj snazi Q1, vektorski dijagram prikazan su na slici 3.8.



Slika 3.8 Primjer vektorskog dijagrama na početku voda

4. ANALIZA STRUJNO-NAPONSKIH PRILIKA T MODELA

Koristeći jednadžbe iz prijašnjih poglavlja može se izračunati stanje na početku voda i na poprečnoj grani ako je poznato stanje na kraju voda. Poznate su nam vrijednosti napona U_2 na kraju voda, te poznate su nam konstante voda (jedinični djelatni otpor R_1 , jedinični induktivitet L_1 , jedinični kapacitet C_1) i biti će iste za sve proračune. Poznata nam je i snaga S_2 na kraju voda, ali neće biti konstantna za sve proračune.



Slika 4.1 Jednofazna shema T modela sa strujama i naponima poprečne i uzdužne grane

Za prvu grupu izračuna stanje na kraju voda ostati će konstantno i izračunat će se stanje na ostatku voda za različite vrijednosti dužine voda l.

U drugoj grupi izračuna dužinu voda i napon na kraju voda biti će konstantna, sa promjenjivom snagom na kraju voda.

4.1. Proračun strujno naponskih prilika primjenom T nadomjesnog modela pri različitim duljinama voda

Poznate su vrijednosti napona i snage na kraju voda i konstante voda. Promjenom dužine voda l kroz proračun dobiti ćemo različita stanja na ostatku voda. Početna vrijednost dužine voda l=50 km i za svaki interval l će biti veći za 25 km, do l=150 km.

Konstante voda (jedinični odvod G₁=0): Jedinični djelatni otpor. $R_{1} = 0.08 \frac{\Omega}{\text{km}}$ Jedinični induktivitet. $L_{1} = 1.2 \frac{\text{mH}}{\text{km}}$ Jedinični kapacitet. $C_{1} = 9 \frac{\text{nF}}{\text{km}}$ Napon na kraju voda. $U_{2} = 115 \text{ kV}$ Snaga na kraju voda. $S_{2} = 20 + j5 \text{ MVA}$ Različite duljine voda. l = a) 50 km, b) 75 km, c) 100 km, d) 125 km, e) 150 km

Zadana duljina voda za ovaj izračun.

l = 50 km

Jediničnu uzdužnu impedanciju voda Z_1 dobiva se pomoću radnog otpora voda R_1 i induktivnog otpora voda X_1 . (3.35)

$$Z_1 = R_1 + jX_1 = R_1 + j\omega L_1 = 0, 1 + j2\pi 50 * 1, 3 * 10^{-3} = 0,08 + j0,577 \frac{\Omega}{\text{km}}$$

Prividni otpor voda (impedanciju) Z dobiva se množenjem jedinične uzdužne impedancije Z₁ sa duljinom voda l (3.22):

$$Z = Z_1 * l = (0,08 + j0,577) * 50 = 4 + j18.85 \Omega = 19,2693 \angle 78,0192^{\circ} \Omega$$

Jedinična admitancija voda Y_1 se dobiva zbrojem jediničnog radnog odvoda voda G_1 i jedinične kapacitivne vodljivosti voda B_1 .

$$Y_1 = G_1 + jB_1 = G_1 + j\omega C_1 = 0 + j2\pi 50 * 9 * 10^{-9} = j2,8274 * 10^{-6} \frac{S}{km}$$

Prividnu vodljivost voda Y dobiva množenjem jedinične admitancija voda Y_1 sa duljinom voda 1 (3.24):

$$Y = Y_1 * l = j2,8274 * 10^{-6} * 50 \text{ S}$$

 $Y = j1,4137 * 10^{-4} \text{ S}$

Korekcijski faktor O dobijemo koristeći impedanciju Z i admintaciju Y (3.26).

 $\Theta = \sqrt{Z * Y} = \sqrt{(4 + j18.85) * j1,4137 * 10^{-4}} = 0,00544 + j0,05184$

 $\Theta = 0,0521 \angle 84,01^{\circ}$

Admintancija poprečne grane. (3.29)

$$Y_T = Y * \frac{sh(\Theta)}{\Theta} = j1,4137 * 10^{-4} * \frac{sh(0,0521 \ge 84,01)}{0,0521 \ge 84,01} = -1,3251 * 10^{-8} + j1,4094 * 10^{-4} \text{ S}$$
$$Y_T = 0,000141 \ge 90,0054^{\circ} \text{ S}$$

Impedancija uzdužne grane. (3.30)

$$\frac{Z_T}{2} = \frac{Z}{2} * \frac{th\left(\frac{\Theta}{2}\right)}{\frac{\Theta}{2}} = \frac{19,2693 \angle 78,0192^{\circ}}{2} * \frac{th\left(\frac{0,0521 \angle 84,01}{2}\right)}{\frac{0,0521 \angle 84,01}{2}} = 2,0009 + j9,4268 \Omega$$
$$\frac{Z_T}{2} = 9,6368 \angle 78,0165^{\circ} \Omega$$

Struju na kraju voda I₂ dobije se dijeljenjem konjugirano komplekse prividne snage S2 s naponom na kraju voda, prema izrazu (3.49).

$$I_2 = \frac{S_2^*}{\sqrt{3} * U_2^*} = \frac{20 - j5}{\sqrt{3} * 115} = 0,1004 - j0,0251 \text{ kA}$$
$$I_2 = 0,1035 \angle -14,036^\circ \text{ kA}$$

Napon na poprečnoj grani nadomjesnog T modela voda V_x izračunava se zbrajanjem faznog napona na kraju voda V_2 i pada napona na kraju uzdužne grane T nadomjesnog modela na kraju voda koji se dobiva pomoću struje I₂ i impedancije uzdužne grane Z_T/2 (3.50).

$$V_X = V_2 + I_2 * \frac{Z_T}{2} = \frac{115}{\sqrt{3}} + 0,1035 \angle -14,036^\circ * 9,6368 \angle 78,0165^\circ$$
$$= 66,8328 + j0,8963 \text{ kV}$$

 $V_X = 66,8388 \angle 0,7684^\circ \, \mathrm{kV}$

$$U_X = \sqrt{3} * V_X = \sqrt{3} * 66,8388 \ge 0,7684^\circ = 115,7578 + j1,5525 \text{ kV}$$

 $U_X = 115,7682 \ge 0,7684^\circ \text{ kV}$

Struja na početku voda dobiva se tako da se struju I_2 zbroji sa strujom koja prolazi poprečnom granom koja se dobiva umnoškom napona poprečne grane V_X i admitancije poprečne grane Y_T (3.52), (3.51).

$$I_1 = I_2 + V_X * Y_T = 0,1035 \angle -14,036^\circ + 66,8388 \angle 0,7684^\circ * 0,000141 \angle 90,0054^\circ$$
$$= 0,1003 - j0,0157 \text{ kA}$$

$$I_1 = 0,1015 \angle -8,886^\circ \text{ kA}$$

Napon na početku voda izračunava se zbrojem napona na poprečnoj grani V_X i pad napona uzdužne grane prema početku voda koji se dobiva umnoškom struje na početku voda I₁ i impedancije uzdužne grane $Z_T/_2$ (3.53).

$$V_1 = V_X + I_1 * \frac{Z_T}{2} = 66,8388 \angle 0,7684^\circ + 0,1015 \angle -8,886^\circ * 9,6368 \angle 78,0165^\circ$$

= 67,1813 + j1,8103 kV
$$V_1 = 67,2057 \angle 1,5435^\circ \text{ kV}$$

$$U_1 = \sqrt{3} * V_1 = \sqrt{3} * 67,2057 \angle 1,5435^\circ = 116,3614 + j3,1355 \text{ kV}$$
$$U_1 = 116,4036 \angle 1,5435^\circ kV$$

Kada su poznate vrijednosti napona i struje na početku voda može se izračunati snagu na početku voda S₁ putem umnoška napon na početku voda U₁ i konjugirano komplekse struje na početku voda I₁ sa $\sqrt{3}$.

$$S_1 = \sqrt{3} * U_1 * {I_1}^* = \sqrt{3} * 116,4036 \angle 1,5435^\circ * (0,1003 + j0,0157)$$
$$= 20,2964 + j2,6154 MVA$$

Iz dobivene snage na početku voda možemo izdvojiti radnu snagu P1 i jalovu snagu Q1.

$$P_1 = 20,2964 MW$$

 $Q_1 = 2,6154 MVAr$

U tablici 4.1 prikazane su izračunate stanja snage S (koja je podijeljena na radnu P i jalovu snagu Q) na početku voda za različite udaljenosti l i iznos razlike između snage na početku i kraju voda, pri čemu je snaga na kraju voda konstantna i iznosi $S_2=20 + j5$ MVA. Prikazana je i usporedba snage P₁ i Q₁ na početku voda s njihovim prijašnjim intervalom za promjenu udaljenosti voda u intervalima od 25 km. Iz trećeg i petog stupca tablice vidljivo je da sa porastom udaljenosti voda radna snaga povećava za otprilike 0,06 MW za svakih dodatnih 25 km duljine voda, te se može uočiti da su povećana radne snage neznatno manja za veće udaljenosti voda. Iz trećeg i šestog stupca vide se promjene jalove snage na početku voda koja za promjenu duljine voda za 25 km se smanji za otprilike 0,07 MVAr, što je duljina voda l veća to su promjene u gubicima jalove snage Q veći.

Tablica 4.1 Usporedba snaga na početku voda za različite duljine voda

1 [km]	P ₁ [MW]	Q ₁ [MVAr]	$\Delta S [MVA]$	ΔP_1	ΔQ_1
50 km	20,126	j3,7004	0,126 - j1,2996		
75 km	20,1874	j3,0264	0,1873 - j1,9736	+0,0614	-0,674
				(0,302%)	(18,21%)
100 km	20,248	j2,3387	0,2477 - j2,6613	+0,0606	-0,6877
				(0,3013%)	(22,723%)
125 km	20,3075	j1,6390	0,3075 - j3,3561	+0,0595	-0,6997
				(0,295%)	(29,918%)
150 km	20,3669	j0,92914	0,3669 - j4,0709	+0,0594	-0,7099
				(0,29%)	(43,3%)



Slika 4.1 Prikaz snage na početku i kraju voda

U tablici 4.2 su ispisane izračunate vrijednosti napona na poprečnoj grani U_x , napona na početku voda U_1 i struje na početku voda I_1 , te usporedba tih vrijednosti za različite duljine voda u intervalu od 25 km. Iz petog stupca tablice koji prikazuje razlike napona U_x i U_1 ovisno o duljini voda vidljivo je da napon U_x relativno konstantno raste za 0,4 kV svakih dodatnih 25 km voda, uz otprilike 5V veći porast svaki put. Iz istog stupca se mogu vidjeti promjene na naponu U_1 koji ne podjednako raste za oko 0,6-0,5 kV svakih dodatnih 25 km duljine voda, pri čemu je

svaki put porasta napona veći za otprilike 40 V. Iz šestog stupca vidljive su promjene struje na početku voda I₁ i kako njena vrijednost je manja svakih dodatnih 25 km duljine voda, uz veću udaljenost voda promjena struje I₁ je sve manja.

Tablica 4.2 Vrijednosti napona na poprečnoj grani, napona i struje na početku voda i njihova usporedba ovisno o duljini voda.

l [km]	U _x [kV]	U ₁ [kV]	I ₁ [A]	ΔU_x	ΔI_1
50 km	115,7682∠0,7684°	116,40∠1.5436°	101.50∠-8.8746°	ΔU_1	
75 km	116,1606∠1,149°	117,02∠2.3143°	100.71∠-6.2119°	0,3924 (0,336%)	0,79 (0,784%)
				0,62 (0,53%)	
100 km	116,5585∠1,5273°	117,58∠3.0853°	100.08∠-3.5033°	0,3979 (0,343%)	0,63 (0,626%)
				0,56 (0,476%)	
125 km	116,9623∠1,9036°	118,08∠3.8575°	99.613∠-0.7567°	0,4038 (0,342%)	0,467 (0,467%)
				0,5 (0,4234%)	
150 km	117,3721∠2,2777°	118,53∠4.6315°	99.308∠2.0195°	0,4098 (0,35%)	0,305 (0,306%)
				0,45 (0,38%)	



Slika 4.2 Vrijednosti napona na poprečnoj grani, napona i struje na početku voda

Iz tablice 4.3 proizlazi da je razlika u dobivenim vrijednostima između točnog i približnog proračuna za udaljenosti voda od 50 do 150 km manja od 0,02%. Za udaljenosti voda manju od 125 km razlika ne iznosi više od 10 V, a kod l= 150 km iznosi oko 20 V.

Tablica 4.3 Usporedba izračunatih vrijednosti napona na početku voda točnim i približnim proračunom

l [km]	U ₁ [kV] Točno	U1 [kV] Približno	ΔU_1
50 km	116,4036∠1.5436°	116,40∠1.5433°	0,004(0,003%)
75 km	117,02∠2.3143°	117,02∠2.3133°	0%
100 km	117,58∠3.0853°	117,58∠3.0831°	0%
125 km	118,0853∠3.8575°	118,07∠3.8533°	0,01(0,013%)
150 km	118,5316∠4.6315°	118,51∠4.6246°	0,02(0,018%)



Graf 4.3 Prikaz točnih i približnih vrijednosti U1

U tablici 4.4 prikazana je usporedba točnih i približnih vrijednosti napona na poprečnoj grani voda U_x za duljinu voda od 50 od 150 km uz intervale od 25 km. Iz tablice je vidljivo da su vrijednosti dobivene točnim proračunom su za otprilike 1 kV veće od vrijednosti dobivenih

približnim proračunom, te se za svaki interval duljine voda razlika između točne i približne metode približava 1%.

Tablica 4.4 Usporedba izračunatih vrijednosti napona na poprečnoj grani dobivene točnim i približnim proračunom

l [km]	Ux [kV] Točno	Ux [kV] Približno	ΔU_X
50 km	116,40∠1.5436°	115,77∠0.7682°	0,63(0,54%)
75 km	117,02∠2.3143°	116.16∠1.1485°	0,86(0,735%)
100 km	117,58∠3.0853°	116,56∠1.5261°	1,02(0,867%)
125 km	118,08∠3.8575°	116,96∠1.9013°	1,12(0,95%)
150 km	118,53∠4.6315°	117,37∠2.2738°	1,16(0,98%)



Graf 4.4 Prikaz točnih i približnih vrijednosti U_{X}

U tablici 4.5 su prikazane dobivene točne i približne vrijednosti struje na početku voda I_1 i njihova usporedba. Iz tablice je vidljivo da razlika između približnih i točnih vrijednosti struje I_1 iznosi manje od 0,03 A za l=150 km koji je porastao od 0,01 A za l=100, a za sve veću duljinu voda l i manjom strujom I_1 ima sve veći postotak razlike.

Tablica 4.5 Usporedba izračunatih vrijednosti struje na početku voda dobivene točnim i približnim proračunom

l [km]	I ₁ [A] Točno	I1 [A] Približno	ΔI_1
50 km	101.50∠-8.8746°	101.50∠-8.8722°	0%
75 km	100.71∠-6.2119°	100.71∠-6.2037°	0%
100 km	100.08∠-3.5033°	100.09∠-3.4839°	0,01(0,01%)
125 km	99.613∠-0.7567°	99.625∠-0.7187°	0,012(0,012%)
150 km	99.308∠2.0195°	99.334∠2.0848°	0,026(0,026%)



Graf 4.5 Prikaz točnih i približnih vrijednosti I1

Tablica 4.6 prikazuje razliku između vrijednosti snage na početku voda dobivene točnim i približnim proračunom, gdje je snaga S₁ podijeljena na radnu P₁ i jalovu Q₁ snagu na početku voda. Razlika vrijednosti između radne snage na početku voda dobivene točnim i približnim proračunom su manje od 0,02%, te ima najveći iznos za l=150 km od oko 3 kW i najmanje za l=50 km od oko 600 W. Razlika vrijednosti između jalove snage dobivene točnim i približnim proračunom je veća i puno brže raste od razlike za P₁. Postotak razlike točnih i približnih vrijednosti za Q₁ eksponencijalno raste, te je za duljinu voda od 50 km do 125 km sa postotkom razlike manjom od 0,03% stiglo sve do približno 1%, a za l= 150 km razlika točnih i približnih vrijednosti je prešla 2,7%.

Tablica 4.6 Usporedba izračunatih vrijednosti snage na početku voda dobivene točnim i približnim proračunom

l [km]	S ₁ [MVA] T	S ₁ [MVA] P	ΔP_1	ΔQ_1
50 km	20,126+j3,7004	20,126e+ j3.6994	0%	0,001(0,027%)
75 km	20,1874+j3,0264	20,188e + j3.0232	0,0006(0,003%)	0,0032(0,106%)
100 km	20,248+j2,3387	20,249 + j2.3310	0,001(0,004%)	0,0077(0,329%)
125 km	20,3075+1,6390j	20,310 + j1.6241	0,0025(0,012%)	0,0149(0,91%)
150 km	20,3669+j0,92914	20,370 + j0,9036	0,0031(0,015%)	0,0178(2,749%)

U tablici 4.7 prikazane su vrijednosti i usporedbe napona poprečne grane i napona na početku i kraju voda. Iz tablice se može vidjeti da su razlike između napona U_x i napona U_1 , U_2 veći sto je duljina voda l veća. Razlike između napona U_x i U_1 sve su veće i približavaju se 1% (od početnih 0,54%) što je duljina l veća. Isto tako razlika napona između U_x i U_2 su veće što je duljina voda l veća, te je postotak razlike porastao ispod 0,7% za l=50 km do preko 2% za l=150 km. Padovi napona su veći na krajnjem dijelu uzdužne grane voda nego na početnom, te je razlika padova napona na krajevima poprečne grane sve veća što je duljina l veća.

Tablica 4.7 Usporedba napona na poprečnoj grani U_x sa naponom na početku i kraju voda za različite duljine voda l

l [km]	$U_x[kV]$	U ₁ [kV]	ΔU_{1-X}	U ₂ [kV]	ΔU_{2-X}
50 km	115,7682∠0,7684°	116,40∠1.5436°	0,6318 (0,54%)	115	0,7682
					(0,66%)
75 km	116,1606∠1,149°	117,02∠2.3143°	0,8594 (0,73%)	115	1,1606 (1%)
100 km	116,5585∠1,5273°	117,58∠3.0853°	1,0215 (0,87%)	115	1,5585
					(1,34%)
125 km	116,9623∠1,9036°	118,08∠3.8575°	1,1177 (0,95%)	115	1,9623
					(1,68%)
150 km	117,3721∠2,2777°	118,53∠4.6315°	1,1579 (0,977%)	115	2,3721
					(2,02%)

4.2. Proračun strujno-naponskih prilika primjenom T nadomjesnog modela za različite snage na kraju voda

Poznate su vrijednosti napona na kraju voda, konstante voda i duljina voda. Snaga na kraju voda je promjenjiva sa početnom vrijednosti S= 20+j5 MVA. Za svaki interval snaga na kraju voda S₂ biti će veća za 20+j5 MVA.

Jedinični djelatni otpor.

 $R_{1} = 0.08 \frac{\Omega}{\text{km}}$ Jedinični induktivitet. $L_{1} = 1.2 \frac{\text{mH}}{\text{km}}$ Jedinični kapacitet. $C_{1} = 9 \frac{\text{nF}}{\text{km}}$ Napon na kraju voda. $U_{2} = 115 \text{ kV}$ Duljina voda. l = 100 kmRazličite snage na kraju voda $S_{2} = a) 20 + j5 \text{ MVA}, b) 40 + j10, c) 60 + j15, d) 80 + j20, e) 100 + j25$

U tablici 4.8 prikazane su izračunata stanja snage na početku voda S_1 za različite vrijednosti snage na kraju voda S_2 i razlike snage između početka i kraja voda. Prikazana je i usporedba razlike snage sa svojim prijašnjim intervalom. Iz trećeg, četvrtog i petog stupca tablice vidi se da sa porastom snage S_2 razlika između snage na početku i kraju voda skoro udvostruči za svaki interval snage na kraju voda od 10+j5 MVA. Razlika između radne snage na početku i kraju voda je sve veća što je snaga na kraju voda veća, za prve tri vrijednosti snage S_2 razlika radne snage na početku i kraju voda je duplo veća od prethodne, a za zadnje dvije vrijednosti S_2 razlika radne snage se uvećala za oko 2 MW. Kada pogledamo situaciju jalove komponente Q snage na početku voda S_1 vidimo da osim za prvu vrijednosti snage S_2 jalova snaga na početku voda je veća od jalove snage na kraju voda. Razlika između jalove snage na početku i kraju voda sve

je veća što je S₂ veći, osim za S₂=20+j5 za koji je snaga S₁ 50% manja od S₂, za druge interval snaga na početku voda je veća od snage na kraju voda za manje od 1MVAr, dok za vrijednost S₂=80+j20 jalova snaga na početku voda za skoro 15 MVAr veći od jalove komponente S₂. Za S₂=100+j25 MVAr gubici jalove snage su duplo veći na početku voda naprema kraju.

S ₂ [MVA]	S ₁ [MVA]	$\Delta S [MVA]$	ΔΡ	ΔQ
20+j5	20,2478+j2,342	0,2478-j2,661		
		(1,22%) (53,16%)		
40+j10	41,005+j10,7918	1,005+j0,7955	+0,7572 (75,35%)	+1,8655 (70,107%)
		(2,45%) (7,34%)		
60+j15	62,2746+j21,65398	2,2746+j6,6578	+1,2696 (55,818%)	+5,8623 (98,5%)
		(3,653%) (30,73%)		
80+j20	84,0566+j34,925	4,0566+j14,9255	+1,782 (43,926%)	+8,2677 (55,4%)
		(4,826%) (42,73%)		
100+j25	106,3509+j50,59448	6,35092+j25,5985	+2,2943 (36,1266%)	+10,673 (41,693%)
		(5,97%) (50,588%)		

U tablici 4.9 prikazane su izračunate vrijednosti napona na kraju voda i poprečne grane, te njihova usporedba sa vrijednostima prijašnjeg intervala za različite vrijednosti snage na kraju voda. Iz trećeg stupca vidljivo je da je napon poprečne grane U_X svaki interval veći od prethodnog za manje od 2 kV, te se svaki sljedeći interval povećanje napona bliži 2 kV. Napon na kraju voda je konstantan i iznosi U₂=115kV, dok napon na početku voda U₁ je sve veći što je snaga S₂ veća. Za svaki interval snage S₂ napon na početku voda je veći od prethodnog za otprilike 4 kV, te za sve veći S₂ razlika između napona na početku i kraju voda je veća, za S₂=20+j5 razlika napona na početku i kraju voda je 2.58 kV, za S₂=60+j15 razlika napona oko 9,5 kV, dok za S₂=100+j25 razlika napona je veća od 18 kV.

S ₂ [MVA]	$U_x[kV]$	ΔU_x	U ₁ [kV]	ΔU_1
20			117 5012 -2 00520	
20+j5	116,558621,5274°		117,5813Z3.0853°	
40+j10	118,1977∠3,0134°	+1,6391 (1,387%)	121,0822∠5.9384°	+3,5009 (2,89%)
60+j15	119,91415∠4,4578°	+1,7165 (1,426%)	124,87∠8.6249°	+3,7878 (3,035%)
80+j20	121,70464∠5,8606°	+1,7905 (1,47%)	128,9102∠11.148°	+4,0402 (3,114%)
100+j25	123,56594∠7,2219°	+1,8613 (1,513%)	133,19∠13.514°	+4,2798 (3,2135%)

Tablica 4.9 Usporedba napona na kraju voda i poprečne grane za promjenu snage S_2

Tablica 4.10 ima ispisane izračunate vrijednosti struje na početku i kraju voda, njihovu razliku i usporedba vrijednosti struje na početku voda sa vrijednosti prijašnjeg intervala. Struja na kraju voda I₂ je promjenjiva za različite vrijednosti snage na kraju voda S₂. Struja I₂ je za svaki interval snage S₂ veća od prethodne za otprilike 102 A, taj porast iznosa struje je veći što je snaga na S₂ veća. Za S₂=40+j10 porast struje na početku voda iznosi 102 A, dok za S₂=100+j25 porast struje I₁ je skoro 103 A. U petom stupcu tablice prikazana je razlika između struje na početku i kraju voda za različite vrijednosti snage na kraju voda. Može se vidjeti da za veću snagu S₂ razlika struja ima veći iznos (za S₂=40+j10 iznosi 3,4 A, a za S₂=100+j25 iznosi približno 7 A), ali postotak razlike je sve manji (od početnog postotka od 2,6% se smanjilo na jedva 1,4%).

Tablica 4.10 Usporedba struje na početku i kraju voda za promjenu snage na kraju voda

S ₂ [MVA]	$I_1[A]$	ΔI_1	$I_2[A]$	Δ I ₁₋₂ [A]
20+j5	100.08∠-3.5033°		103.50∠-14.036°	3,42(2,609%)
40+j10	202.18∠-8.8113°	+102,1(50,5%)	207.00∠-14.036°	4,82(2,328%)
60+j15	304.86∠-10.552°	+102,68(33,681%)	310.50∠-14.036°	5,64(1,816%)
80+j20	407.6∠-11.415°	+102,74(25,22%)	414.00∠-14.036°	6,4(1,546%)
100+j25	510.53∠-11.930°	+102,93(20,15%)	517.49∠-14.036°	6,96(1,364%)

Tablica 4.11 prikazuje razliku izračunatih vrijednosti napona na početku voda U₁ putem točnog i približnog proračuna. Razlika točnih i približnih vrijednosti ne iznosi više od 0,02% osim za $S_2=100+j25$ razlika iznosi 0,022% i 30 V, dok za manje vrijednosti snage na kraju voda S_2

razlika je manja od 21 V i za početnu vrijednost S₂=20+j5 razlika napona iznosi samo 1,3 A koji predstavlja 0,001% razlike.

Tablica 4.11 Usporedba vrije	ednosti napona na počet	ku voda dobive	nih točnim i p	približnim
	proračunom			

S ₂ [MVA]	U ₁ [kV] Točno	U1 [kV] Priblišno	ΔU_1
20+j5	117,5813∠3.0853°	117,58∠3.0831°	0,0013(0,001%)
40+j10	121,0822∠5.9384°	121,07∠5.9343°	0,0122(0,01%)
60+j15	124,87∠8.6249°	124,85∠8.6191°	0,02(0,016%)
80+j20	128,9102∠11.148°	128,89∠11.141°	0,0202(0,016%)
100+j25	133,19∠13.514°	133,16∠13.505°	0,03(0,022%)

U tablici 4.12 prikazana je usporedba izračunatih vrijednosti napona U_X dobivenih točnim i približnim proračunom koja je za snagu na kraju voda S₂ manju od 80+j20 iznosi manje od 0,01% (manje od 5V). Samo za S₂=100+j25 je razlika napona je 0,013% i iznosi 16 V.

Tablica 4.12 Usporedba izračunatih vrijednosti napona na poprečnoj grani dobivene točnim i približnim proračunom

S ₂ [MVA]	Ux [kV] Točno	Ux [kV] Približno	ΔU_X
20+j5	116,5586∠1,5274°	116,56∠1.5261°	0,0014(0,001%)
40+j10	118,1977∠3,0134°	118,19∠3.0111°	0,0077(0,006%)
60+j15	119,91415∠4,4578°	119,91∠4.4544°	0,0042(0,003%)
80+j20	121,70464∠5,8606°	121,70∠5.8563°	0,005(0,004%)
100+j25	123,56594∠7,2219°	123,55∠7.2167°	0,016(0,013%)

U tablici 4.13 su prikazane dobivene točne i približne vrijednosti struje na početku voda I_1 i njihova usporedba. Iz tablice se vidi da razlika između približnih i točnih vrijednosti struje I_1 iznosi oko 0,01 A, koja za sve veću snagu na kraju voda S_2 ujedno i većom strujom I_1 ima sve manji postotak razlike.

S ₂ [MVA]	I ₁ [A] Točno	I ₁ [A] Približno	ΔI_1
20+j5	100.08∠-3.5033°	100.09∠-3.4839°	0,01(0,01%)
40+j10	202.18∠-8.8113°	202.18∠-8.8016°	0%
60+j15	304.86∠-10.552°	304.85∠-10.545°	0,01(0,003%)
80+j20	407.67∠-11.415°	407.66∠-11.410°	0,01(0,0025%)
100+j25	510.53∠-11.930°	510.53∠-11.926°	0%

Tablica 4.13 Usporedba vrijednosti struje na početku voda dobivene točnim i približnim proračunom

Iz tablice 4.14 se vidi razlika između vrijednosti snage na početku voda dobivene točnim i približnim proračunom, gdje je snaga S₁ podijeljena na radnu P₁ i jalovu Q₁ snagu na početku voda. Razlika vrijednosti između radne snage na početku voda P₁ dobivene točnim i približnim proračunom su manje od (osim za S₂=100+j25 gdje je jednako) 11 kW i postotak razlike od 0,01%. Postotak razlike između točnih i približnih vrijednosti je veći što je snaga na kraju voda S₂ veća. Razlika vrijednosti između jalove snage na početku voda Q₁ dobivene točnim i približnim proračunom je veći od razlike vrijednosti radne snage P₁ i postotak razlike varira između 0,06% - 0,07%, sa iznimkom za S₂=20+j5 MVA kada postotak razlike iznosi skoro 0,5%. Razlika točnih i približnih vrijednosti jalove snage Q₁ ne prelazi 30 kVAr.

S ₂ [MVA]	S ₁ [MVA] T	S ₁ [MVA] P	$\Delta P [MVA]$	ΔQ [MVA]
20+j5	20,2478+j2,342	20,249+j2.3310	0,0012(0,006%)	0,011(0,47%)
40+j10	41,005+j10,7918	41,005+j10,785	0%	0,007(0,06%)
60+j15	62,2746+j21,65398	62,272+j21,642	0,0026(0,004%)	0,012(0,055%)
80+j20	84,0566+j34,925	84,051+j34,902	0,0056(0,007%)	0,023(0,066%)
100+j25	106,3509+j50,59448	106,34 +j50,566	0,011(0,01%)	0,028(0,056%)

Tablica 4.14 Usporedba vrijednosti snage na početku voda dobivene točnim i približnim proračunom

U tablici 4.15 prikazane su vrijednosti i usporedbe napona poprečne grane i napona na početku i kraju voda za različite vrijednosti snage na početku voda. Tablica prikazuje da su razlike između napona U_X i napona U_1 , U_2 veći sto je snaga S_2 veća. Postotak razlike između napona U_X i U_1 je porastao od ispod 0,9% za $S_2=20+j5$ do preko 7,2% za $S_2=100+j25$. Postotak razlike između napona U_X i U_1 je isto sve veći, te je porastao od ispod 1,4% za $S_2=20+j5$ do skoro 7% za $S_2=100+j25$. Suprotno od prijašnje tablice 4.7 padovi napona su veći na početnom dijelu uzdužne grane nego na krajnjem, te je razlika padova napona na krajevima uzdužne grane sve veća što je snaga na kraju voda S_2 veća.

$S_2[MVA]$	$U_x[kV]$	U_1 [kV]	ΔU_{1-X}	$U_2 [kV]$	ΔU_{2-X}
20+j5	116,5586∠1,5274°	117,5813∠3.0853°	1,0227 (0,87%)	115	1,5586
					(1,34%)
40+j10	118,1977∠3,0134°	121,0822∠5.9384°	2,8845 (2,38%)	115	3,1977
					(2,705%)
60+j15	119,91415∠4,4578°	124,87∠8.6249°	4,95585 (3,97%)	115	4,91415
					(4,1%)
80+j20	121,70464∠5,8606°	128,9102∠11.148°	7,20556 (5,6%)	115	6,70464
					(5,51%)
100+j25	123,56594∠7,2219°	133,19∠13.514°	9,62406 (7,226%)	115	8,56594
					(6,93%)

Tablica 4.15	Usporedba n	apona na pop	prečnoj	grani U _x	sa napono	m na p	oočetku i l	kraju	voda za
		različit	u snagu	na kraju	voda S ₂				

5. ZAKLJUČAK

U završnom radu opisan je nadzemni model voda, elementi od kojih s sastoji i njihova funkcija. Detaljno su opisane i prikazane prijenosne jednadžbe: telegrafske jednadžbe, opće rješenje prijenosnih jednadžbi, sva tri oblika prijenosnih jednadžbi, prilike na idealnim i realnim vodovima. Prikazani i opisani su proračuni prijenosa Π i T model voda pomoću točnih i približnih proračuna, te njihovi korekcijski faktori.

Tijekom proračuna i analize strujno-naponskih prilika nadomjesnog T modela voda prikazana su različita stanja na vodu za različite duljine voda l i snage na kraju voda S₂. Uspoređene su vrijednosti voda dobivene pomoću točnih i približnih proračuna, te se vidi da su razlike između dva načina proračuna manje za različite snage S₂ nego različite duljine l. Razlike između izračunatih vrijednosti putem točnih i približnih proračuna za odabrane vrijednosti snage S₂ bile zanemarive, te ne bi bilo poteškoća koristeći približne vrijednosti tijekom proračuna. Isto se ne može reći za razlike između izračunatih vrijednosti putem točnih i približnih proračuna točnih i približnih proračuna za odabrane vrijednosti za odabrane duljine voda l, gdje su razlike tijekom usporedbe dobivenih vrijednosti za napon na poprečnoj grani U_x skoro postigle 1% koje predstavlja razliku od 1,16 kV. Stoga bi tijekom proračuna stanja na vodu sa većim duljinama voda bilo poželjno koristiti točan način preračunavanja.

Prikazane su usporedbe napona na poprečnoj grani i napona na početku i kraju voda za različite duljine voda l i snage na kraju voda S_2 i određeni su padovi napona na oba kraja uzdužne grane voda. Iz prikaza je vidljivo da razlike napona na početku i kraju voda su manje za različiti duljinu voda nego promjenu snage S_2 , st vrijedi za postotak razlike i numeričku vrijednost razlike. Također gubici jalove snage na početku voda Q_1 su podosta veći za različite snage na kraju voda S_2 nego za različite duljine voda l.

6. LITERATURA

[1] Oţegović, Marija.; Oţegović, Karlo.: "Električne energetske mreţe I", Udţbenici Sveučilišta u Splitu, Split, 1997.

[2] Oţegović, Marija.; Oţegović, Karlo.: "Električne energetske mreţe II", Udţbenici Sveučilišta u Splitu, Split, 1997.

[3] <u>http://e.hr/2020-</u> 2021/pluginfile.php/4224451/mod_resource/content/0/04_Nadomjesni%20modeli%20vodova%2 01%20i%202%20dio%20pregled%20teorije%20prijenosa%20i%20cetveropoli_NOVO2018.pdf

[4]

https://moodle.srce.hr/2020-

2021/pluginfile.php/4224452/mod_resource/content/0/04_Nadomjesni%20modeli%20vodova%2 03%20dio%20tocni%20i%20priblizni%20PI%20i%20T%20modeli.pdf

7. SAŽETAK I KLJUČNE RIJEČI

Završni rad opisuje elektroenergetske vodove i njihove dijelove, konstante voda te princip izračunavanja prijenosnih jednadžbi. Opisano je izračunavanje točnih i približnih Π i T nadomjesni model voda, njihovi korekcijski faktori i proračun prijenosa pomoću Π i T model. Dalje je izračunate usporedbe strujno-naponskih prilike na T nadomjesnog modela voda za različitu duljine voda i snagu na kraju voda. Dobiveni rezultati su prikazani i uspoređeni u tablicama i grafički.

The final paper describes power lines and their parts, line constants and the principle of calculating transmission equations. The calculation of exact and approximate Π and T substitutional models of power lines, their correction factors and transfer calculation using the Π and T model is described. Next is the calculated comparison of the current and voltage conditions at T substitutional model for different length of lines and power at the end of the lines. The obtained results are presented and compared in tables and graphically.